

با سمه تعالی

ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۰ / ۷ / ۱۳۹۲	تعداد صفحه: ۲		سال سوم آموزش متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲ http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات	(پاسخ نامه دارد)	نمره
۱	در جاهای خالی عبارات مناسب قرار دهید. الف) سه سکه را با هم می اندازیم. فضای نمونه‌ای این آزمایش تصادفی دارای عضو است. ب) اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه‌ای S باشند و $\emptyset = A \cap B$ ، در این صورت A و B را دو پیشامد می نامیم. ج) اگر $A = [-1, 3]$ و $B = [2, 3]$ باشند آن گاه $A \cup B$ برابر است با		۰/۷۵
۲	یک تاس و یک سکه را با هم پرتاب می کنیم. الف) فضای نمونه‌ای این آزمایش تصادفی را بنویسید. ب) پیشامد A که در آن تاس عدد فرد بباید را مشخص کنید. ج) پیشامد B که در آن سکه "رو" و تاس عدد کوچک‌تر از ۵ بباید را مشخص کنید. د) آیا دو پیشامد A و B مستقل اند؟ چرا؟		۱/۷۵
۳	از بین ۴ دانش آموز سال سوم و ۶ دانش آموز سال دوم، سه نفر را به تصادف انتخاب می کنیم. احتمال آن که حداقل یک دانش آموز از سال سوم باشد، چه قدر است؟		۱
۴	اگر $P(A') = 0/3$ و $P(B) = 0/2$ آن گاه حاصل $P(A \cap B) = \dots$ را به دست آورید.		۰/۷۵
۵	نامعادله‌ی $4 < \frac{x}{2} + 1 < 2$ را حل کنید و مجموعه‌ی جواب را روی محور اعداد حقیقی نشان دهید.		۰/۷۵
۶	تابع $f(x) = \begin{cases} x+1 & x < -1 \\ x^2 & x \geq -1 \end{cases}$ را در نظر بگیرید. الف) نمودار تابع f رارسم کنید. ب) دامنه‌ی تابع f را به دست آورید.		۱
۷	تابع $f(x) = \sqrt{1-x}$ و $g(x) = x^2$ داده شده‌اند. الف) تابع fog را تشکیل دهید. ب) دامنه‌ی تابع fog را با استفاده از تعریف به دست آورید. ج) مقدار $f(-3) + 2g(-3)$ را محاسبه کنید.		۲/۲۵
۸	اگر $\cos \beta = \frac{5}{13}$ و $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ و α منفرجه و β حاده باشند، حاصل $\sin(\alpha + \beta)$ را به دست آورید.		۱/۵
۹	اگر $f(x) = ax^3 + bx + c$ و a, b و c را طوری بیابید که این سه‌می محور y ها را در نقطه‌ای به عرض ۳ و محور x ها را در نقطه‌ای به طول ۱ قطع کند و از نقطه‌ی $(2, 3)$ نیز بگذرد.		۱/۲۵
	«ادامه‌ی سوالات در صفحه‌ی دوم»		

با سمه تعالی

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۴/۰۷/۱۳۹۲		سال سوم آموزش متوسطه
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور(دی ماه) سال ۱۳۹۲			http://aee.medu.ir

ردیف	ردیف	سوالات	(پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	۰/۷۵	با استفاده از نمودار تابع f حاصل حد های زیر را در صورت وجود مشخص کنید.		
۱۱	۳	حاصل حد های زیر را حساب کنید.		
۱۲	۱/۲۵	مقادیر a و b را چنان بیابید که تابع $f(x) = \begin{cases} 3 + a(x^3) & x > 2 \\ \frac{b}{x-1} - 1 & x = 2 \\ \frac{2+7x}{3x-4} & x < 2 \end{cases}$ در نقطه $x = 2$ پیوسته باشد.		
۱۳	۱	اگر $P(t) = 2 + t^3$ نمایش از دیاد یک نوع باکتری در زمان t باشد (زمان بر حسب ساعت)، آهنگ متوسط افزایش جمعیت را در ۵ ساعت اول پس از $t_0 = 1$ به دست آورید.		
۱۴	۲/۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق لازم نیست)		
۱۵	۰/۵	شیب خط مماس بر نمودار تابع $y = x^3 - x + 5$ را در نقطه $x = 1$ به دست آورید.		
	۲۰	« موفق باشید »	جمع نمره	

رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷	
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولیبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) $2^3 = 8$ (۰/۲۵) ب) ناسازگار $[-1, 2] \cap [0, 2] = \emptyset$ (۰/۲۵) ج) $(1, R), (2, R), (3, R), (4, R), (5, R), (6, R), (1, P), (2, P), (3, P), (4, P), (5, P), (6, P)$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۲	الف) $S = \{(1, R), (2, R), (3, R), (4, R), (5, R), (6, R), (1, P), (2, P), (3, P), (4, P), (5, P), (6, P)\}$ (۰/۵) ب) $A = \{(1, R), (3, R), (5, R), (1, P), (3, P), (5, P)\}$ (۰/۵) ج) $B = \{(1, R), (2, R), (3, R), (4, R)\}$ (۰/۲۵) د) $A \cap B = \{(1, R), (3, R)\}$ $P(A) \times P(B) = \frac{1}{6} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{24} = P(A \cap B)$ (۰/۲۵) \Rightarrow مستقلند B, A (۰/۲۵)	۱/۷۵
۳	$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{\binom{4}{1} + \binom{4}{2}}{\binom{6}{2}} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$ (۰/۲۵)	۱
۴	$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$ (۰/۲۵) $P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B) = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۵	$2 < \frac{x}{2} + 1 < 4 \Rightarrow 1 < \frac{x}{2} < 3 \Rightarrow 2 < x < 6$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۰/۷۵
۶	رسم سهیمی (۰/۵) رسم خط (۰/۲۵)	۱
۷	الف) $f(x) = \sqrt{1-x^2}$ (۰/۲۵) ب) $D_g = \mathbb{R}$ (۰/۲۵) ، $D_f = (-\infty, 1]$ (۰/۲۵) $D_{f \circ g} = \{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\} = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 \in (-\infty, 1]\} = [-1, 1]$ (۰/۲۵) ج) $f(-2) + 2g(1) = 2 + 2(1) = 4$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۲/۲۵
	«ادامه در صفحه دوم»	

با سمه تعالی

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)

رشته: علوم تجربی	سال سوم آموزش متوسطه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولیبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	

ردیف	دسته	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف	ردیف
۸									
۱/۵	$\cos\alpha = -\sqrt{1 - \sin^2\alpha} = -\frac{1}{2}$ (۰/۵) و $\sin\beta = \sqrt{1 - \cos^2\beta} = \frac{12}{13}$ (۰/۲۵)								
	$\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha\cos\beta + \cos\alpha\sin\beta = \frac{1}{2} \times \frac{5}{13} + \frac{12}{13} \left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{11}{26}$ (۰/۲۵)								
۹	(۰,۳) تابع $\Rightarrow c = ۳$ (۰/۲۵)								
	$\begin{cases} (۱,۰) \text{ تابع} \Rightarrow ۰ = a + b + ۳ \\ (۲,۳) \text{ تابع} \Rightarrow ۳ = ۴a + ۲b + ۳ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a + b = -۳ \\ ۴a + ۲b = ۰ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = ۳ \\ b = -۶ \end{cases}$ (۰/۲۵)								
۱۰	۰/۷۵	الف) ۱ (۰/۲۵) ب) ۲ (۰/۲۵) ج) حد ندارد (۰/۲۵)							
۱۱	۳	$\lim_{x \rightarrow r^-} \frac{x - \sqrt{x+r}}{x-r} \times \frac{x + \sqrt{x+r}}{x + \sqrt{x+r}} = \lim_{x \rightarrow r^-} \frac{x^2 - x - r}{(x-r)(x + \sqrt{x+r})} = \lim_{x \rightarrow r^-} \frac{(x-r)(x+r)}{(x-r)(x + \sqrt{x+r})} = \lim_{x \rightarrow r^-} \frac{(x+r)}{(x + \sqrt{x+r})} = \frac{5}{6}$ (۰/۲۵)							
		(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)							
		الف) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{1 - \cos rx}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{rx^2}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} rx^2 = ۰$ (۰/۲۵)							
		ب) $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{1 - \cos rx}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{rx^2}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow 0^-} rx^2 = ۰$ (۰/۲۵)							
		ج) $\lim_{x \rightarrow r^-} \frac{x^r}{ x-r } = \frac{r}{0^+} = +\infty$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)							
		د) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{r+rx^r}{rx-r} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{rx^r}{rx} = \frac{r}{r} = ۱$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)							
۱۲	۱/۲۵	$\lim_{x \rightarrow r^+} (r + ax^r) = r + ra$ (۰/۲۵)							
		$\lim_{x \rightarrow r^-} \left(\frac{b}{x-1} - ۱ \right) = b - ۱$ (۰/۲۵)							
		$f(r) = v$							
		$\Rightarrow r + ra = b - ۱ = v$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \begin{cases} a = ۱ \\ b = v \end{cases}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)							
		ادامه در صفحه سوم							

با اسمه تعالی

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)

رشته: علوم تجربی	سال سوم آموزش متوسطه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولیبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$P(t_2) - P(t_1) = \frac{P(2) - P(1)}{2 - 1} = \frac{38 - 3}{5} = 7 \quad (0/25)$	۱
۱۴	(الف) $f'(x) = 5(\varepsilon x)(3x^2 - 4)^4 \quad (0/75)$ (ب) $g'(x) = -6(1 + \cot^2(\varepsilon x))\sin x + \cos x \cot(\varepsilon x) \quad (0/25)$ (ج) $h'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}(x^2+1) - (2x)(\sqrt{2x})}{(x^2+1)^2} \quad (0/25)$	۲/۵
۱۵	$y = 3x^2 - 1 \quad (0/25) \Rightarrow y(1) = m = 2 \quad (0/25)$	۰/۵
	جمع نمره	۲۰

با سلام و خسته نباشد، مصححین محترم، لطفاً برای راه حل های درست دیگر بارم را به تناسب تقسیم نمائید.